

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Смирнов Сергей Николаевич
Должность: врио ректора
Дата подписания: 23.09.2022 12:11:17
Уникальный программный ключ:
69e375c64f7e975d4e8830e7b4fcc2ad1bf35f08

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
ФГБОУ ВО «Тверской государственный университет»

Утверждаю:

Руководитель ООП



Б.Б.Педько

«28» июня 2022 г.

Рабочая программа дисциплины (с аннотацией)

Термодинамика и статистическая физика

Направление подготовки

03.03.02 Физика

профиль

Физика конденсированного состояния вещества

Для студентов

4 курса, очной формы обучения

Составитель: д.ф.-м.н., профессор Самсонов В.М.

Тверь, 2022

I. Аннотация

1. Наименование дисциплины в соответствии с учебным планом

Термодинамика и статистическая физика.

2. Цель и задачи дисциплины

Целью освоения дисциплины является:

Овладение основными методами и подходами термодинамики, статистической физики и физической кинетики, а также их приложениями к физике конденсированного состояния.

Задачами освоения дисциплины являются:

1. Изучение основ термодинамики, статистической физики и физической кинетики;
2. Приобретение навыков применения основных знаний в области термодинамики и статистической физики для решения стандартных задач;
3. Приобретение навыков применения методов термодинамики и статистической физики к решению задач физики конденсированного состояния, включая описание таких систем, как электронный и фононный газы.

3. Место дисциплины в структуре ООП

Дисциплина «Термодинамика и статистическая физика» (Б1.Б.05.04) относится к базовой части блока основной образовательной программы.

Данная учебная дисциплина непосредственно связана с дисциплинами «Квантовая теория», «Теория вероятностей и математическая статистика», отвечающими базовой общепрофессиональной подготовке студентов-физиков. Содержательно данная дисциплина закладывает основы знаний для освоения дисциплин профессионального цикла «Введение в физику конденсированных сред» и курсов магистратуры по направлению «Физика наносистем» («Неравновесная термодинамика», «Физика межфазных явлений и наносистем»), учебной, производственной и научно-исследовательской практик, в процессе которых формируются навыки преподавания, научно-исследовательской и инженерной деятельности.

4. Объем дисциплины: 5 зачетных единиц, 180 академических часов, в том числе **контактная работа:** лекции 54 часа, практические занятия 54 часа, **самостоятельная работа:** 72 часа.

5. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

<p>Планируемые результаты освоения образовательной программы (формируемые компетенции)</p>	<p>Планируемые результаты обучения по дисциплине</p>
<p>ОПК -1 способность использовать в профессиональной деятельности базовые естественно-научные знания, включая знания о предмете и объектах изучения, методах исследования, современных концепциях, достижениях и ограничениях естественных наук</p>	<p>Уметь: ясно излагать и аргументировать собственную точку зрения, использовать базовые теоретические знания по данному разделу теоретической физики для решения типовых задач по термодинамике и статистической физике; Знать: законы термодинамики, основные характеристические функции и статистические распределения.</p>
<p>ОПК-3 способность использовать базовые теоретические знания фундаментальных разделов общей и теоретической физики для решения профессиональных задач</p>	<p>Уметь: использовать базовые теоретические знания по данному разделу теоретической физики для решения сложных задач по термодинамике и статистической физике; Знать: основы термодинамики и статистики различных по природе систем, включая классические и квантовые системы.</p>

6. Форма промежуточной аттестации: зачет (7 семестр), экзамен (8 семестр)

7. Язык преподавания русский

II. Содержание дисциплины, структурированное по темам с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

1. Для студентов очной формы обучения

Наименование разделов и тем	Всего	Контактная работа		Само-стоят. работа студ-в
		Лек-ции	Практич. работы	
Введение. Предмет и методы термодинамики и статистической физики. Макроскопические системы различной природы. История развития термодинамики и статистической физики.	3	1	1	1
Основы термодинамики. Основные понятия термодинамики: термодинамическая система, параметры состояния, термодинамическое равновесие. Температура.	6	2	2	2
Первый закон термодинамики. Внутренняя энергия. Работа и теплота. Теплоемкость. Применение первого закона к идеальным системам: идеальному газу и фотонному газу. Понятие о сложных термодинамических системах.	6	2	2	2
Второй закон термодинамики. Энтропийная формулировка 2-го закона. Поток и производство энтропии.	6	2	2	2
Третий закон термодинамики. «Нулевой» закон и его роль.	6	2	2	2
Математический аппарат термодинамики: метод однородных функций Эйлера, дифференциальные формы Пфаффа, метод якобианов преобразования.	6	2	2	2
Метод характеристических функций. Термодинамика открытых систем. Химический потенциал.	5	2	2	1
Термодинамическая фаза. Фазовые переходы 1-го и 2-го рода. Условия равновесия гетерогенной системы, состоящей из 2-х гомогенных фаз. Уравнение Клапейрона-Клаузиуса.	5	2	2	1
Теория Ландау фазовых переходов 2-го рода.	5	2	2	1
Понятие о теории зарождения новой фазы. Работа нуклеации. Критический зародыш по Гиббсу.	5	2	2	1
Введение в статистическую физику. Метод статистической физики. Основные понятия теории вероятностей. Статистические функции распределения. Усреднение. Понятие о флуктуациях.	3	1	1	1
Классическое и квантовое уравнение Лиувилля.	5	2	2	1
Статистическая теория идеальных систем Распределение Максвелла. Распределение Максвелла-Больцмана.	3	1	1	1
Теорема о равномерном распределении энергии по степеням свободы.	5	2	2	1
Теория теплоемкости идеального газа.	5	2	2	1
Статистика Бозе-Эйнштейна.	5	2	2	1
Статистика Ферми-Дирака.	5	2	2	1

Переход к классической статистике Максвелла-Больцмана. Сравнение статистики.	5	2	2	1
Применение статистики Бозе к фотонному газу.	5	2	2	1
Квантовая теория теплоемкости твердого тела.	5	2	2	1
Вырожденный Ферми-газ.	5	2	2	1
Системы взаимодействующих частиц. Формула Больцмана для энтропии. Статистический вес макроскопического состояния.	3	1	1	1
Метод Гиббса. Каноническое и микроканоническое распределение Гиббса для квантового и классического случаев.	5	2	2	1
Распределение Максвелла-Больцмана как частный случай распределения Гиббса.	5	2	2	1
Статистический и конфигурационный интегралы. Теория идеального газа. Вывод уравнения Ван-дер-Ваальса.	5	2	2	1
Введение в неравновесную термодинамику и физическую кинетику. Основные принципы неравновесной термодинамики: принцип линейности, принцип симметрии кинетических коэффициентов, принцип Кюри. Понятие о нелинейной термодинамике и синергетике.	3	1	1	1
Броуновское движение. Марковские процессы. Уравнение Фоккера-Планка и его простейшие приложения.	5	2	2	1
Кинетическое уравнение Больцмана, H-теорема. Кинетическое уравнение с релаксационным членом и его простейшие приложения.	5	2	2	1
7. Статистическая физика конденсированного состояния. Статистика фононного и электронного газов. Состояние электронов в кристаллической решетке.	3	1	1	1
Статистика носителей заряда. Неравновесные электроны и дырки. Рассеяния носителей заряда, проводимость, и кинетические свойства диэлектриков, металлов и полупроводников. Квазичастицы. Акустические и оптические фононы, плазмоны, экситоны Френкеля и Ванье. Конденсация бозонов. Сверхтекучесть. Электрон-фононные взаимодействия.	3	1	1	1
Полярон Фрелиха. Взаимодействие света с кристаллической решеткой, поляритоны. Оптические свойства диэлектриков, металлов и полупроводников. Поверхностные состояния электронов. Состояния электронов в структурах с пониженной размерностью.	3	1	1	1
ЭКЗАМЕН	36			36
Итого	180	54	54	72

Ш. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

- Текущий контроль успеваемости
- Промежуточная аттестация

IV. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

Форма проведения зачета/экзамена: студенты, освоившие программу курса «Термодинамика и статистическая физика» могут сдать зачет/экзамен по итогам рейтинговой аттестации согласно Положения о рейтинговой системе обучения и оценки качества учебной работы студентов ТвГУ (протокол №5 от 31 октября 2017 г.).

Если условия «Положения о рейтинговой системе ...» не выполнены, то зачет/экзамен сдается согласно Положения о промежуточной аттестации (экзаменах и зачетах) студентов ТвГУ (протокол №5 от 31 октября 2017 г.).

Типовые контрольные задания для проверки уровня сформированности компетенции ОПК 1: способностью использовать в профессиональной деятельности базовые естественнонаучные знания, включая знания о предмете и объектах изучения, методах исследования, современных концепциях, достижениях и ограничениях естественных наук (прежде всего химии, биологии, экологии, наук о земле и человеке).

Этап формирования компетенции, в котором участвует дисциплина	Типовые контрольные задания для оценки знаний, умений, навыков	Показатели и критерии оценивания компетенции, шкала оценивания		
		Высокий уровень (3 балла по каждому критерию)	Средний уровень (2 балла по каждому критерию)	Низкий уровень (1 балл по каждому критерию)
	<i>Задания для проверки сформированности умений:</i>			
	Вывести соотношение, связывающее изменение температуры ΔT при эффекте Джоуля-Томсона с параметрами газа	Понимает физику эффекта, записывает выражения для ΔT , отвечающие	Понимает физику эффекта, но не может доказать, что $\Delta T \leq 0$.	Записывает основные соотношения, но не может пояснить их физический смысл.

		различным моделям газа.		
	Получив термодинамические соотношения для ΔT , оценить величину ΔT для идеального газа и газа Ван-дер-Ваальса.	Адекватно оценивает ΔT для различных моделей газа	Оценивает ΔT , допуская при этом некоторые ошибки.	Объясняет, почему для идеального газа $\Delta T=0$, но не может оценить ΔT для газа Ван-дер-Ваальса
	Задания для проверки сформированности знаний:	Высокий уровень (3 балла по каждому критерию)	Средний уровень (2 балла по каждому критерию)	Низкий уровень (1 балл по каждому критерию)
	Вывести уравнение состояния полностью вырожденного газа Ферми и выражение для внутренней энергии газа Ферми	Выводит уравнение состояния полностью вырожденного газа и объясняет его принципиальные отличия от уравнения состояния классического идеального газа	Выводит уравнение состояния, но не до конца понимает физические различия между моделями полностью вырожденного газа Ферми и классического идеального газа	Выводит уравнение состояния полностью вырожденного газа Ферми, но не может сформулировать его отличия от уравнения состояния классического идеального газа
	Объяснить, почему теплоемкость кристаллов подчиняется в первом приближении закону Дюлонга и Пти, не учитывая электронного вклада в теплоемкость	Уверенно объясняет, почему не проявляется электронный вклад в теплоемкость	Дает формальное объяснение, но не до конца понимает особенность и модели полностью вырожденного электронного газа	Формулирует закон Дюлонга и Пти, но не может объяснить его природу

2. Типовые контрольные задания для проверки уровня сформированности компетенции ОПК 3: способностью использовать базовые теоретические знания фундаментальных разделов общей и теоретической физики для решения профессиональных задач

Этап формирования компетенции, в котором участвует дисциплина	Типовые контрольные задания для оценки знаний, умений, навыков	Показатели и критерии оценивания компетенции, шкала оценивания		
	<i>Задания для проверки сформированности умений:</i>	<i>Высокий уровень (3 балла по каждому критерию)</i>	<i>Средний уровень (2 балла по каждому критерию)</i>	<i>Низкий уровень (1 балл по каждому критерию)</i>
	Воспользовавшись каноническим распределением Гиббса, вывести уравнение состояния идеального газа	Понимает суть метода ансамблей Гиббса, уверенно применяет его к выводу уравнения состояния идеального газа	Выводит уравнение состояния идеального газа после ряда наводящих вопросов	Формально знает каноническое распределение Гиббса, но не умеет уверенно использовать его для конкретных оценок
	Показать, что распределение Максвелла-Больцмана можно получить из канонического распределения Гиббса	Уверенно выводит распределение Максвелла-Больцмана	Понимает идею вывода распределения Максвелла-Больцмана, но допускает ошибки при выводе	Знает вид распределения Максвелла-Больцмана, но не может обосновать его теоретически.
	<i>Задания для проверки сформированности знаний:</i>	<i>Высокий уровень (3 балла по каждому критерию)</i>	<i>Средний уровень (2 балла по каждому критерию)</i>	<i>Низкий уровень (1 балл по каждому критерию)</i>
	Обосновать, что метод Максвелла-Больцмана является частным случаем метода Гиббса.	Уверенно обосновывает, что метод Максвелла-Больцмана	Обосновывает, что метод Максвелла-Больцмана является	Обосновывает на качественном уровне, но не может обосновать

		является частным случаем метода Гиббса.	частным случаем метода Гиббса, но допускает некоторые ошибки.	количественно.
	При каких условиях распределения Бозе-Эйнштейна и Ферми-Дирака переходят в классическое распределение Максвелла-Больцмана?	Уверенно и обосновано отвечает на вопрос	Отвечает на вопрос, допуская ошибки	Знает классическое и квантовые распределения, но не понимает взаимосвязь между ними.

V Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

а) Основная литература:

1. Новиков И.И. Термодинамика [Электронный ресурс] : учеб. пособие — Электрон. дан. — Санкт-Петербург: Лань, 2009. — 592 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/286>.
2. Ансельм А.И. Основы статистической физики и термодинамики [Электронный ресурс]: учеб. пособие — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2007. — 448 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/692>.

б) Дополнительная литература:

1. Савельев И.В. Курс общей физики. В 5-и тт. Том 3. Молекулярная физика и термодинамика [Электронный ресурс]: учеб. пособие — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2011. — 224 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/706>.
2. Захаров А.Ю. Функциональные методы в классической статистической физике. Великий Новгород: НовГУ, 2006. 53 с. (<https://www.novsu.ru/file/10567>);
3. Захаров А.Ю. Решёточные модели статистической физики. Великий Новгород: НовГУ, 2006. 74 с. (<https://www.novsu.ru/file/10568>).

VI. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

Перечень программного обеспечения учебным планом не предусмотрено, за исключением программного обеспечения для доступа в Интернет.

Перечень имеющихся фильмов и презентаций:

1. Ячейки Беннара (учебный фильм) <http://www.youtube.com/watch?v=FRFqoH1Tv-g>;
2. Диффузия и ее применение (учебный фильм)
<http://rutube.ru/video/01c1b9358e696f998e466640660591a0/>;
3. Различное понимание самоорганизации и самосборки в неравновесной термодинамике и супрамолекулярной химии (презентация на кафедре теоретической физики ТвГУ);
4. Нанонаука и нанотехнология (презентация на кафедре теоретической физики ТвГУ).

VII. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

1. Текущий контроль успеваемости

ОПК-1

Вопросы для проверки знаний при освоении дисциплины:

1. Первый закон термодинамики. Внутренняя энергия. Работа и теплота. Теплоемкость.
2. Энтропийная формулировка 2-го закона термодинамики для изолированной и открытой системы.
3. «Нулевой» и третий законы термодинамики.
4. Характеристические функции закрытой термодинамической системы:
 - внутренняя энергия;
 - энтальпия;
 - энергия Гельмгольца;
 - Энергия Гиббса.
5. Характеристические функции открытой термодинамической системы. Химический потенциал.
6. Термодинамическая фаза. Фазовые переходы 1-го и 2-го рода (классификация по Эренфесту).
7. Уравнение Клапейрона-Клаузиуса.
8. Основные понятия теории вероятностей. Статистические функции распределения. Усреднение. Понятие о флуктуациях.
9. Классическое и квантовое уравнение Лиувилля.
10. Формула Больцмана для энтропии. Статистический вес макроскопического состояния.
11. Распределение Максвелла. Распределение Максвелла-Больцмана.
12. Теорема о равномерном распределении энергии по степеням свободы.

Задачи для проверки умений при освоении дисциплины

Задачи из учебника [1] (основная литература): 1.1-1.16; 2.1-2.14; 5.3-5.13; 6.1-6.15; 12.1-12.14

ОПК-3

Вопросы для проверки знаний при освоении дисциплины:

1. Метод Гиббса. Каноническое и микроканоническое распределения Гиббса для квантового и классического случаев.
2. Большое каноническое распределение Гиббса. Большая статистическая сумма.
3. Теория теплоемкости идеального газа.
4. Статистика Бозе-Эйнштейна.
5. Статистика Ферми-Дирака.
6. Переход к классической статистике Максвелла-Больцмана. Сравнение статистик.
7. Вырожденный Ферми-газ.

Задачи для проверки умений при освоении дисциплины

1. Для идеального газа $pv = \theta$, $c_v = const$ получить уравнение адиабаты $p = p(v)$.
2. Показать, что для идеального газа $pv = \theta$ удельная теплоемкость $c_p = c_v + R$.
3. Определить КПД тепловой машины, работающей по циклу, состоящему из двух изотерм $\theta = \theta_1$, $\theta = \theta_2$ пересеченных двумя адиабатами.
4. Показать, что КПД теплового двигателя не может превысить КПД цикла Карно, работающего в том же диапазоне температур.
5. Для идеального газа $pv = \theta$, $c_v = const$, получить барометрическое распределение плотности в поле силы тяжести $U(z) = mgz$.
6. Исходя из условия равновесия жидкости и газа $\mu_{gas}(\theta, p) = \mu_{liq}(\theta, p)$, получить выражение для температурного градиента $\frac{dp}{d\theta}$ давления насыщенного пара.
7. Полагая, что давление равновесного электромагнитного излучения p равно трети плотности его энергии $u = \frac{\varepsilon}{V}$, получить температурную зависимость $u = u(\theta)$.

8. Считая $dS = \frac{1}{\theta}(d\varepsilon + pdV)$ полным дифференциалом в переменных (θ, V) , выразить величину $\left[\frac{\partial \varepsilon}{\partial V} \right]_{\theta}$ через уравнение состояния $p = p(\theta, V)$.
9. Показать, что если теплоемкость $c_v \sim \theta^a$, то энтропия системы имеет тот же характер зависимости от температуры.
10. Указать условия, при которых равновесное состояние системы соответствует максимальному значению энтропии.
11. Указать условия, при которых равновесное состояние системы соответствует минимальному значению свободной энергии.
12. Показать, что для равновесной классической нерелятивистской системы средняя кинетическая энергия частиц равна $\frac{3}{2}\theta$.
13. Определить среднее число частиц идеального классического газа, падающих за секунду на 1 см^2 стенки.
14. Для вырожденного $\theta = 0$ идеального Ферми-газа определить граничные значения импульса и энергии частиц.
15. Определить среднюю энергию гармонических колебаний, происходящих в равновесных статистических системах.
16. Для системы с фиксированным числом частиц получить оценку для дисперсии температуры $\overline{(\Delta\theta)^2}$ при условии $V = \text{const}$, $p = \text{const}$.
17. Для равновесной системы, находящейся в выделенной воображаемыми стенками области определить дисперсию числа частиц в системе $\overline{(\Delta N)^2}$, выразив ее через уравнение состояния $p = p(\theta, V)$.
18. Рассчитать теплоемкость идеального газа в процессе $\frac{p}{V} = \text{const}$.
19. Установить связь критических параметров с постоянными a, b уравнения состояния системы Ван-дер-Ваальса $(p + \frac{a}{V^2})(V - b) = RT$.

2. Промежуточная аттестация

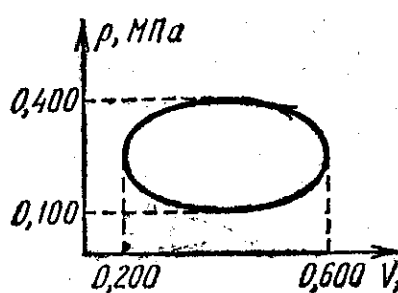
ОПК-1

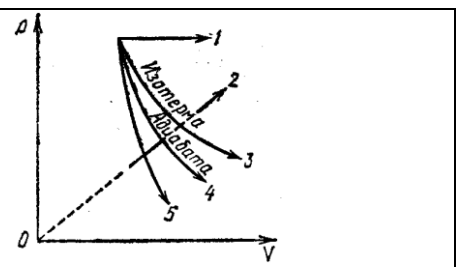
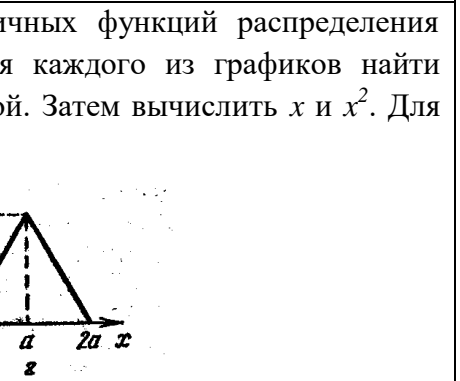
Вопросы для проверки знаний при освоении дисциплины:

1. Предмет и методы термодинамики и статистической физики. Основные понятия термодинамики (термодинамическая система, параметры состояния, термодинамическое равновесие.)

2. Первый закон термодинамики. Внутренняя энергия. Работа и теплота. Теплоемкость.
3. Второй закон термодинамики. Энтروпийная формулировка 2-го закона. Поток и производство энтропии.
4. Третий закон термодинамики. «Нулевой» закон и его роль.
5. Математический аппарат термодинамики (функции Эйлера, дифференциальные формы Пфаффа, метод якобианов преобразования).
6. Метод характеристических функций. Термодинамика открытых систем. Химический потенциал.
7. Термодинамическая фаза (Фазовые переходы 1-го и 2-го рода).
8. Уравнение Клапейрона-Клаузиуса.
9. Теория Ландау фазовых переходов 2-го рода.
10. Понятие о теории зарождения новой фазы. Работа нуклеации.
11. Критический зародыш по Гиббсу.
12. Метод статистической физики. Основные понятия теории вероятностей. Статистические функции распределения. Усреднение. Понятие о флуктуациях.
13. Классическое и квантовое уравнение Лиувилля.
14. Распределение Максвелла. Распределение Максвелла-Больцмана.
15. Теорема о равномерном распределении энергии по степеням свободы.

Задачи для проверки умений при освоении дисциплины:

1.	В рассматриваемом интервале температур теплоемкость некоторого тела определяется функцией $C=10+2\cdot 10^{-2}T+3\cdot 10^{-5}T^2$ (Дж/К). Определить количество теплоты Q , получаемое телом при нагревании от $T_1=300\text{К}$ до $T_2=400\text{К}$.
2.	<p>Круговой процесс на диаграмме p, V изображается эллипсом, показанным на рис. Используя данные, приведенные на рисунке, определить количество теплоты Q, получаемое рабочим телом за один цикл</p> 
3.	Изобразить для идеального газа примерные графики изохорического, изобарического, изотермического и адиабатического процессов на диаграммах: а) p, V ; б) T, V ; в) T, p . Графики изобразить проходящими через общую для них точку.

4.	<p>На рисунке изображены пять процессов, протекающих с идеальным газом. Как ведет себя внутренняя энергия газа в ходе каждого из процессов?</p>	
5.	<p>Некоторое количество идеального газа с одноатомными молекулами совершило при $p=1 \cdot 10^5 \text{ Па}$ обратимый изобарический процесс, в ходе которого объем газа изменился от значения $V_1=10 \text{ л}$ до значения $V_2=20 \text{ л}$.</p> <p>Определить:</p> <ol style="list-style-type: none"> приращение внутренней энергии газа ΔU, совершенную газом работу A, полученное газом количество теплоты Q. 	
6.	<p>На рисунке приведены графики четырех различных функций распределения вероятностей значений некоторой величины x. Для каждого из графиков найти константу A, при которой оказывается нормированной. Затем вычислить $\langle x \rangle$ и $\langle x^2 \rangle$. Для случая a вычислить также $\langle x \rangle$.</p>	

ОПК-3

Вопросы для проверки знаний при освоении дисциплины:

1. Применение первого закона к идеальным системам: идеальному газу и фотонному газу. Понятие о сложных термодинамических системах.
2. Метод статистической физики. Основные понятия теории вероятностей. Статистические функции распределения. Усреднение. Понятие о флуктуациях.
3. Теория теплоемкости идеального газа.
4. Статистика Бозе-Эйнштейна.
5. Статистика Ферми-Дирака.
6. Переход к классической статистике Максвелла-Больцмана. Сравнение статистик.
7. Вырожденный Ферми-газ.
8. Формула Больцмана для энтропии. Статистический вес макроскопического состояния.
9. Метод Гиббса. Каноническое и микроканоническое распределения Гиббса для квантового и классического случаев.
10. Большое каноническое распределение Гиббса. Большая статистическая сумма.

11. Распределение Максвелла-Больцмана как частный случай распределения Гиббса.
12. Статистический и конфигурационный интегралы.
13. Метод Майерова. Групповое разложение. Вывод уравнения Ван-дер-Ваальса.
14. Уравнение Ван-дер-Ваальса. Критическое состояние. Закон соответственного состояния.
15. Основные принципы неравновесной термодинамики. Производство энтропии в гетерогенной системе, состоящей из 2-х однородных фаз. Понятие о диссипативных структурах и синергетике.

Задачи для проверки умений при освоении дисциплины:

Задача № 1: Система может находиться в любом из N состояний. Вероятность того, что система находится в i -ом состоянии, равна p_i ($i=1, 2, \dots, N$), причем $\sum_{i=1}^N p_i = 1$. Применяя метод неопределенных множителей, показать, что распределение вероятности, соответствующее максимуму информационной энтропии $S = -k \sum_i p_i \ln p_i$, имеет вид

$$p_1 = p_2 = \dots = p_N = \frac{1}{N}$$

и что

$$S = S_1 = k \ln N.$$

Задача № 2: Одномерное нормальное (гауссово) распределение с нулевым средним значением и среднеквадратичным отклонением σ описывается выражением

$$p(x) = (2\pi\sigma^2)^{-1/2} \exp\left(-\frac{x^2}{2\sigma^2}\right), \quad -\infty < x < \infty.$$

а) Показать, что для такого распределения информационная энтропия равна $k \ln (2\pi e \sigma^2)/2$, где e – основание натуральных логарифмов.

б) Показать, что для заданного значения $\int_{-\infty}^{\infty} x^2 p(x) dx \equiv \sigma^2$ нормированное распределение вероятности, имеющее наибольшую информационную энтропию, является одномерным нормальным распределением.

Задача № 3: Система находится при фиксированных значениях химического потенциала и температуры. Показать, что логарифм большой статистической суммы для такой системы пропорционален объему.

Задача № 4: а) Показать, что для одной частицы массой m , движущейся классически и нерелятивистски в свободном от полей резервуаре объемом v (при $g = 1$), $Z_1 = h^{-3} v (2\pi m k T)^{3/2}$, где T – температура этой системы.

б) Для n различных частиц, движущихся независимо, но с точечным взаимодействием, как в п. «а», в классическом случае должно быть справедливо равенство

$$Z_n = Z_1^n$$

Объяснить качественно, как изменится Z_n , если частицы являются неразличимыми.

VIII. Перечень педагогических и информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (по необходимости)

1. Лекции и практические занятия проводятся в аудиториях, оснащенных мультимедийной техникой. DLP проектор для демонстрации презентаций и учебных фильмов,
2. доступ к сети Интернет

IX. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Лекционная аудитория № 227 (170002 Тверская обл., г. Тверь, Садовый пер., д. 35)	1. Проектор Panasonic PT-VW340ZE с проекционным экраном 2. Ноутбук (переносной) 3. Комплект учебной мебели на 60 посадочных мест	Adobe Acrobat Reader DC – бесплатно Microsoft Windows 10 Enterprise - Акт приема-передачи № 369 от 21 июля 2017 Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows – Акт на передачу прав №2129 от 25 октября 2016 г. Google Chrome – бесплатно MS Office 365 pro plus - Акт приема-передачи № 369 от 21 июля 2017
--	--	--

Помещения для самостоятельной работы:

Наименование помещений	Оснащенность помещений для самостоятельной работы	Перечень лицензионного программного обеспечения. Реквизиты подтверждающего документа
Помещение для самостоятельной работы, учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, практики, Компьютерный класс физико-технического факультета. Компьютерная лаборатория робототехнических систем №4а (170002 Тверская обл., г. Тверь, Садовый пер., д. 35)	1. Компьютер RAMEC STORM C2D 4600/160Gb/ 256mB/DVD-RW +Монитор LG TFT 17" L1753S-SF – 12 шт 2. Мультимедийный комплект учебного класса (вариант № 2) Проектор Casio XJ-M140, настенный проекц. экран Lumien 180*180. ноутбук Dell N4050. сумка 15,6", мышь 3. Коммутатор D-Link 10/100/1000mbps 16-portr DGS-1016D 4. Видеокамера IP-FALCON EYE FE-IPC-BL200P, ОнЛайн Трейд ООО 5. Видеокамера IP-FALCON EYE FE-IPC-BL200P, ОнЛайн Трейд ООО 6. Демонстрационное оборудование комплект «LegoMidstormsEV3» 7. Комплект учебной мебели	Adobe Acrobat Reader DC - бесплатно Cadence SPB/OrCAD 16.6 - Государственный контракт на поставку лицензионных программных продуктов 103 - ГК/09 от 15.06.2009 Google Chrome - бесплатно Java SE Development Kit 8 Update 45 (64-bit) - бесплатно Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows – Акт на передачу прав №2129 от 25 октября 2016 г. Lazarus 1.4.0 - бесплатно Lego MINDSTORM EV3 - бесплатно Mathcad 15 M010 - Акт предоставления прав IC00000027 от 16.09.2011 MATLAB R2012b - Акт предоставления прав № Us000311 от 25.09.2012 Microsoft Express Studio 4 - бесплатно MiKTeX 2.9 - бесплатно MPICH 64-bit – бесплатно MSXML 4.0 SP2 Parser and SDK - бесплатно Microsoft Windows 10 Enterprise - Акт приема-передачи № 369 от 21 июля 2017 MS Office 365 pro plus - Акт

		приема-передачи № 369 от 21 июля 2017
--	--	---------------------------------------

Х. Сведения об обновлении рабочей программы дисциплины

№п.п.	Обновленный раздел рабочей программы дисциплины	Описание внесенных изменений	Дата и протокол заседания кафедры, утвердившего изменения
1	Раздел IV	Реквизиты «Положения о рейтинговой системе обучения и оценки качества учебной работы студентов ТвГУ» и «Положения о промежуточной аттестации (экзаменах и зачетах) студентов ТвГУ»	Протокол Совета ФТФ №5 от 31 октября 2017 г.
2	Раздел IX	Оснащенность аудиторного фонда для проведения учебных занятий и самостоятельной работы студентов согласно «Справки МТО ООП ...»	Протокол Совета ФТФ №5 от 31 октября 2017 г.